



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2011
الموضوع

7	المعامل	RS22	الرياضيات	المادة
3	مدة الإجابة	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها		الشعب(ة) او المملط

الموضوع

التمرين الأول (2.5 ن)

(1) أ - حل في IR المعادلة : $x^2 - 2x - 3 = 0$ 0.5

ب - حل في IR المعادلة : $e^x - \frac{3}{e^x} - 2 = 0$ 1

(2) حل في IR المتراجحة : $e^{x+1} - e^{-x} \geq 0$ 1

التمرين الثاني (4 ن)

(1) حل في مجموعة الأعداد العقدية C المعادلة : $z^2 - 6z + 18 = 0$ 1

(2) نعتبر : في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر (O, \vec{u}, \vec{v}) ، النقطتين A و B

اللتين لحقاهما على التوالي هما : $a = 3 + 3i$ و $b = 3 - 3i$

أ - اكتب على الشكل المثلثي كل من العديدين a و b 0.5

ب - بين أن b' لحق النقطة B' صورة النقطة B بالإزاحة التي متجهتها \vec{OA} هو 6 0.75

ج - بين أن : $\frac{b-b'}{a-b'} = i$ ثم استنتج أن المثلث $AB'B$ متساوي الساقين وقائم الزاوية في B' 1

د - استنتج مما سبق أن الرباعي $OAB'B$ مربع 0.75

التمرين الثالث (3.5 ن)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{6u_n}{1+15u_n}$ لكل n من IN

(1) أ - تحقق من أن : $u_{n+1} - \frac{1}{3} = \frac{u_n - \frac{1}{3}}{15u_n + 1}$ لكل n من IN 0.5

ب - بين بالترجع أن : $u_n > \frac{1}{3}$ لكل n من IN 0.5

(2) نعتبر المتتالية العددية (v_n) المعرفة بما يلي : $v_n = 1 - \frac{1}{3u_n}$ لكل n من IN 1.5

بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{6}$ ثم اكتب v_n بدلالة n

(3) بين أن $u_n = \frac{1}{3 - 2\left(\frac{1}{6}\right)^n}$ لكل n من IN ثم استنتج $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ 1

التمرين الرابع (10 ن)

I - نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $I =]0, +\infty[$ بما يلي : $g(x) = x - 1 + \ln x$

1) أ - بين أن $g'(x) = \frac{x+1}{x}$ لكل x من I

ب - بين أن الدالة g تزايدية على I

2) استنتج أن $g(x) \geq 0$ على $[1, +\infty[$ وأن $g(x) \leq 0$ على $]0, 1]$ (لاحظ أن $g(1) = 0$)

II - لنكن f الدالة العددية المعرفة على I بما يلي : $f(x) = \left(\frac{x-1}{x}\right) \ln x$

وليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) (الوحدة $1cm$)

1) أ - بين أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ وأول النتيجة هندسيا

ب - بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$ (لاحظ أن $\frac{f(x)}{x} = \left(\frac{x-1}{x}\right) \frac{\ln x}{x}$ لكل x من I)

ج - استنتج أن المنحنى (C) يقبل فرعاً شلجيمياً بجوار $+\infty$ يتم تحديد اتجاهه

2) أ - بين أن $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ لكل x من I

ب - استنتج أن الدالة f تزايدية على $[1, +\infty[$ و تناقصية على $]0, 1]$

ج - أعط جدول تغيرات الدالة f على I

3) أنشئ (C) (نقبل أن للمنحنى (C) نقطة انعطاف وحيدة أفصولها محصور بين 1.5 و 2)

4) أ - بين أن $H : x \mapsto \frac{1}{2}(\ln x)^2$ دالة أصلية للدالة $h : x \mapsto \frac{\ln x}{x}$ على المجال I

ب - بين أن $\int_1^e \frac{\ln x}{x} dx = \frac{1}{2}$

ج - باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن $\int_1^e \ln x dx = 1$

5) أ - تحقق من أن $f(x) = \ln x - \frac{\ln x}{x}$ لكل x من I

ب - بين أن مساحة هيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) ومحور الأفاصيل والمستقيمين اللذين

معدلتاهما $x=1$ و $x=e$ هي : $0.5 cm^2$